

**Parallélogramme**

ABCD est un parallélogramme équivaut à  $\vec{AC} = \vec{AB} + \vec{AD}$  équivaut à  $\vec{AB} = \vec{DC}$

**Milieu d'un segment**

I est le milieu de [AB] équivaut à  $\vec{IA} = \vec{IB}$  équivaut à  $\vec{AB} = 2\vec{AI}$

**Relations de Chasles**

$\vec{AC} = \vec{AB} + \vec{AD}$

**Vecteurs colinéaires**

\*)  $\vec{u}$  et  $\vec{v}$  sont colinéaire équivaut à il existe  $a \in R$  tel que  $\vec{u} = a\vec{v}$

**Base et repère**

\*)  $(\vec{u}, \vec{v})$  est une base équivaut à  $\vec{u}, \vec{v}$  non colinéaires.

\*)  $(O, \vec{u}, \vec{v})$  est un repère équivaut à  $(\vec{u}, \vec{v})$  est une base et O un point fixe.

**Coordonnées de point et de vecteurs :**

Soit  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  un repère.

\*) Pour tout point M, il existe un unique couple  $(x, y)$  de réel tel que  $\vec{OM} = x\vec{i} + y\vec{j}$

\*) Les coordonnées du vecteur  $\vec{AB} \begin{pmatrix} x_B - x_A \\ y_B - y_A \end{pmatrix}$

\*) Soit  $\vec{u} \begin{pmatrix} x_1 \\ y_1 \end{pmatrix}$  et  $\vec{v} \begin{pmatrix} x_2 \\ y_2 \end{pmatrix}$  dans la base  $(\vec{i}, \vec{j})$  alors  $\vec{u} + \vec{v} \begin{pmatrix} x_1 + x_2 \\ y_1 + y_2 \end{pmatrix}$

\* Soit  $I = A * B$  alors  $I \begin{pmatrix} \frac{x_A + x_B}{2}, \frac{y_A + y_B}{2} \end{pmatrix}$

Soit  $\vec{u} \begin{pmatrix} a \\ b \end{pmatrix}$  et  $\vec{v} \begin{pmatrix} a' \\ b' \end{pmatrix}$  dans la base  $(\vec{i}, \vec{j})$  orthonormé.

**Norme d'un vecteur - distance de deux points**

$\|\vec{u}\| = \sqrt{a^2 + b^2}$  ;  $AB = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$

**Vecteur colinéaires - vecteurs orthogonaux**

\*)  $\vec{u}$  et  $\vec{v}$  sont colinéaire équivaut à  $\det(\vec{u}, \vec{v}) = \begin{vmatrix} a & a' \\ b & b' \end{vmatrix} = ab' - a'b = 0$

\*)  $\vec{u}$  et  $\vec{v}$  sont orthogonaux équivaut à  $aa' + bb' = 0$

\*)  $(\vec{u}, \vec{v})$  est une base orthonormé équivaut à  $\vec{i} \perp \vec{j}$  et  $\|\vec{i}\| = \|\vec{j}\| = 1$

