

Soit $A(x_0, y_0, z_0)$, $\vec{u} \begin{pmatrix} a \\ b \\ c \end{pmatrix}$ et $\vec{v} \begin{pmatrix} a' \\ b' \\ c' \end{pmatrix}$

Droite:

L'ensemble des points M tels que \overrightarrow{AM} et \vec{u} soient colinéaires est une droite, appelé droite passant par A et de vecteur directeur \vec{u} .

$$D(A, \vec{u}) = \{M \in \mathcal{E} / \exists \alpha \in \mathbb{R}, \overrightarrow{AM} = \alpha \vec{u}\}$$

Représentation paramétrique : $D(A, \vec{u}) : \begin{cases} x = x_0 + \lambda a \\ y = y_0 + \lambda b \\ z = z_0 + \lambda c \end{cases} ; \lambda \in \mathbb{R}$

Plan:

Dans le cas où \vec{u} et \vec{v} non colinéaires:

L'ensemble des points M tels que \overrightarrow{AM} soit combinaison linéaire de \vec{u} et \vec{v} , est un plan, appelé plan passant par A et de vecteurs directeurs \vec{u} et \vec{v} .

$$P(A, \vec{u}, \vec{v}) = \{M \in \mathcal{E} / \exists \alpha, \beta \in \mathbb{R}, \overrightarrow{AM} = \alpha \vec{u} + \beta \vec{v}\}$$

Représentation paramétrique : $P(A, \vec{u}, \vec{v}) : \begin{cases} x = x_0 + \lambda a + \beta a' \\ y = y_0 + \lambda b + \beta b' \\ z = z_0 + \lambda c + \beta c' \end{cases} ; \lambda \in \mathbb{R}$

Equation cartésienne d'un plan

$$P : ax + by + cz + d = 0 \text{ avec } (a, b, c) \neq (0, 0, 0)$$

*) Le vecteur $\vec{n} \begin{pmatrix} a \\ b \\ c \end{pmatrix}$ est le vecteur normale à P .

*) Le vecteur $\vec{x} \begin{pmatrix} a \\ \beta \\ \gamma \end{pmatrix}$ est un vecteur de P si et seulement si $a\alpha + b\beta + c\gamma = 0$

Position relatives

Soit $D(A, \vec{u})$, $D'(A', \vec{u}')$, $P : ax + by + cz + d = 0$ et $P' : a'x + b'y + c'z + d' = 0$

Leur vecteurs normaux \vec{n} et \vec{n}'

*) $D \perp D'$ si et seulement si $\vec{u} \perp \vec{u}'$

*) $D // D'$ si et seulement si $\vec{u} // \vec{u}'$

*) $P \perp P'$ si et seulement si $\vec{n} \perp \vec{n}'$

*) $P // P'$ si et seulement si $\vec{n} // \vec{n}'$

*) $P \perp D$ si et seulement si $\vec{n} \perp \vec{u}$

*) $P // D$ si et seulement si $\vec{n} \perp \vec{u}$

